



# مدارس الكلية العلمية الإسلامية

جبل عمان - الجبيهة

العام الدراسي - 2025/2026

---

أوراق عمل لمبحث الرياضيات  
الصف التاسع - الوحدة الثالثة

النتاج: حل المعادلات التربيعية بالرسم البياني.

### حلّ المُعادلةِ التربيعيّةِ بيانيّاً

### مفهومٌ أساسيٌّ

لحلّ المُعادلاتِ التربيعيّةِ بيانيّاً اتَّبِعْ الخُطواتِ الآتيةَ:

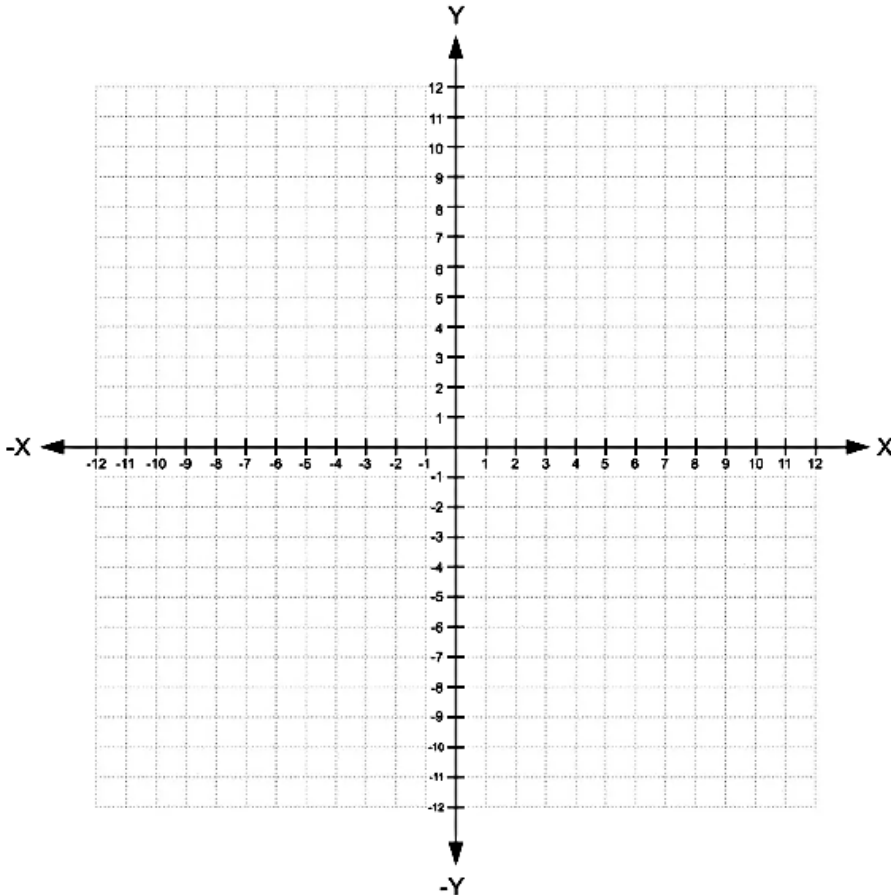
**الخطوة 1:** اكتب المُعادلةَ بالصورة القياسية  $ax^2 + bx + c = 0$

**الخطوة 2:** اُمثِّل بيانيّاً الاقترانَ التربيعيّ المُرتبطَ بالمُعادلةِ وَهُوَ:  $f(x) = ax^2 + bx + c$

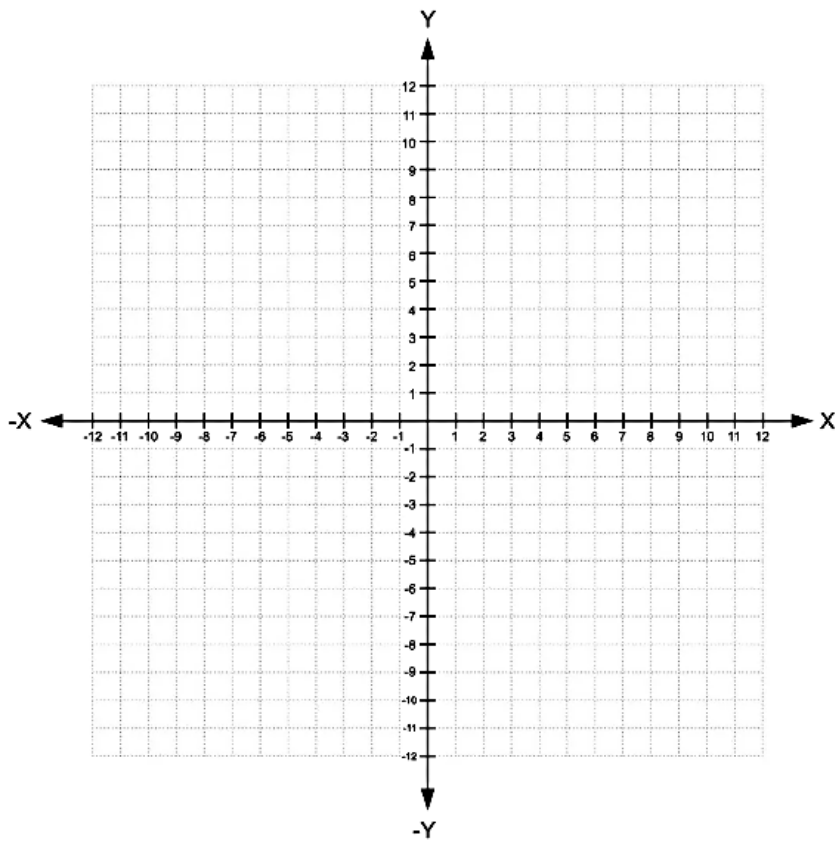
**الخطوة 3:** اَجِدْ قِيَمَ  $x$  التي يقطعُ عندها منحنى الاقترانِ المُرتبطِ المحوَر  $x$ ، إنْ وُجِدَتْ، وَهِيَ أَصْفَارُ الاقترانِ المُرتبطِ، التي تُعَدُّ حلولَ المُعادلةِ.

السؤال الأول: حل كل من المعادلات الآتية من خلال الرسم البياني.

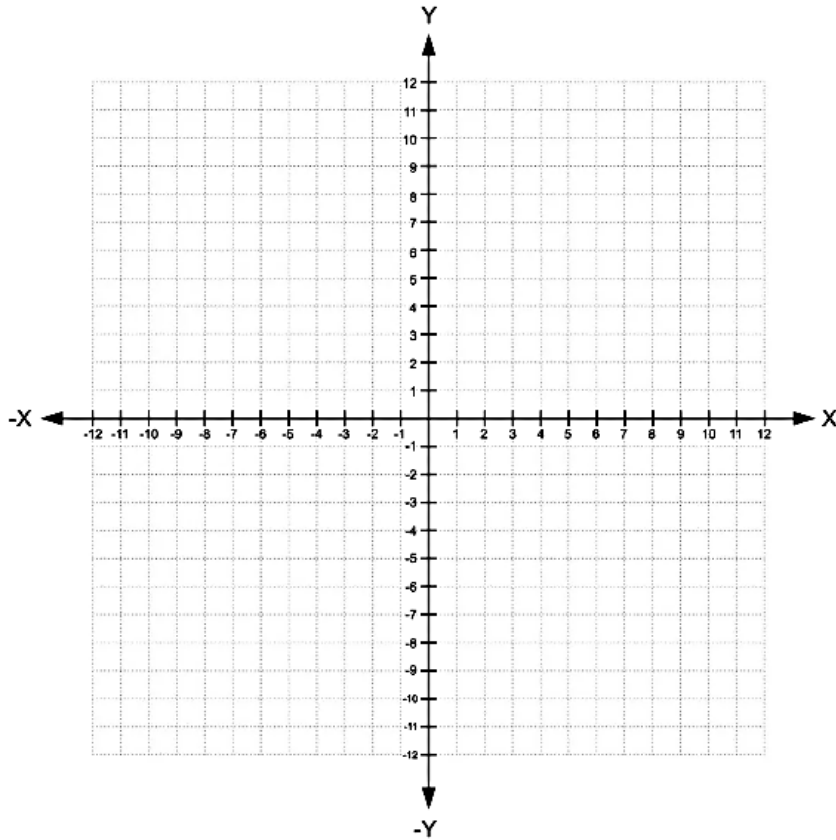
1)  $4x^2 + 4x = 0$



2)  $x^2 + 2x = -2$



3)  $x^2 + 9 = 6x$



أولاً: ثلاثيات الحدود، الشكل العام لثلاثي الحدود هو:  $ax^2 + bx + c$  حيث  $a$  لا تساوي صفراً. ولتحليل أي عبارة تربيعية نتبع الخطوات الآتية:

(1) نبحث عن عددين حاصل ضربهما يساوي ضرب  $a \times c$  ويكون مجموعهما يساوي  $b$ .

(2) ومن ثم نعوض حسب القالب:  $(x + \frac{\text{العدد الثاني}}{a})(x + \frac{\text{العدد الأول}}{a})$

السؤال الأول: جد قيمة (قيم) المتغير في كل من المعادلات الآتية وضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة.

1)  $x^2 - 10x + 21 = 0$

a)  $-7, -3$

b)  $7, 3$

c)  $-7, 3$

d)  $7, -3$

2)  $a^2 - 6a + 5 = 0$

a)  $-1, -5$

b)  $1, 5$

c)  $-1, 5$

d)  $1, -5$

3)  $b^2 - 8b - 20 = 0$

a)  $-10, -2$

b)  $10, 2$

c)  $-10, 2$

d)  $10, -2$

4)  $5x^2 + 7x - 6 = 0$

a)  $-\frac{3}{5}, -2$

b)  $\frac{3}{5}, 2$

c)  $-\frac{3}{5}, 2$

d)  $\frac{3}{5}, -2$

5)  $3x^2 - x - 14 = 0$

a)  $-\frac{7}{3}, -2$

b)  $\frac{7}{3}, 2$

c)  $-\frac{7}{3}, 2$

d)  $\frac{7}{3}, -2$

6)  $9x^2 - 6x + 1 = 0$

a)  $-\frac{1}{3}, -1$

b)  $\frac{1}{3}, 1$

c)  $-\frac{1}{3}$

d)  $\frac{1}{3}$

7)  $2x^2 - 2x - 4 = 0$

a)  $-2, -1$

b)  $2, 1$

c)  $-2, 1$

d)  $2, -1$

$$x^2 - y^2 = (x-y)(x+y)$$

ثانياً: تحليل فرق بين مربعين.

السؤال الثاني: جد قيمة (قيم) المتغير في كل من المعادلات الآتية وضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة.

1)  $16x^2 - 49 = 0$

a)  $-\frac{7}{4}$

b)  $\frac{7}{4}$

c)  $-\frac{7}{4}, \frac{7}{4}$

d)  $\frac{7}{4}, 0$

2)  $121 - 64x^2 = 0$

a)  $-\frac{11}{8}$

b)  $\frac{11}{8}$

c)  $-\frac{11}{8}, \frac{11}{8}$

d)  $\frac{11}{8}, 0$

3)  $x^2 - 0.25 = 0$

a)  $-0.5$

b)  $0.5$

c)  $-0.5, 0.5$

d)  $0.5, 0$

4)  $12x^2 - 75 = 0$

a)  $-\frac{5}{2}$

b)  $\frac{5}{2}$

c)  $-\frac{5}{2}, \frac{5}{2}$

d)  $\frac{5}{2}, 0$

5)  $2x^2 - 0.5 = 0$

a)  $-0.5$

b)  $0.5$

c)  $-0.5, 0.5$

d)  $0.5, 0$

6)  $5x^2 - 20 = 0$

a)  $-2$

b)  $2$

c)  $-2, 2$

d)  $2, -1$

7)  $0.2x^2 - 20 = 0$

a)  $-10$

b)  $10$

c)  $-10, 10$

d)  $10, 1$

8)  $(x+1)^2 - 1 = 0$

a)  $-2, 0$

b)  $0, 2$

c)  $-2$

d)  $2$

9)  $(x+5)^2 - 400 = 0$

a)  $-15, 25$

b)  $15, -25$

c)  $-15, -25$

d)  $15, 25$

النتاج : حلُّ المُعادلاتِ التربيعيّةِ بإكمالِ المُربّع.

السؤال الأول: حلُّ المُعادلاتِ الآتيةِ بإكمالِ المُربّع، وقَرِّبْ إجابتك لأقربِ جُزءٍ مِنْ عَشْرَةٍ.

1)  $x^2 + 2x - 7 = 0$

2)  $x^2 = 8x - 16$

3)  $5x^2 + 20x = 10$

4)  $x^2 = 3x + \frac{-9}{4}$

النتاج: حل المعادلات التربيعية باستخدام القانون العام.

### حلّ المُعادلةِ التربيعيّةِ بالقانونِ العامّ

### مفهومٌ أساسيٌّ

يمكنُ حلُّ المُعادلةِ التربيعيّةِ  $ax^2 + bx + c = 0$  بالقانونِ العامّ على النّحو الآتي:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

حيثُ  $a \neq 0$  و  $b^2 - 4ac \geq 0$ .

السؤال الأول: جد قيمة (قيم) المتغير في كل من المعادلات الآتية باستخدام القانون العام، ثم ضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة.

1)  $3x^2 - x - 14 = 0$

a)  $-\frac{7}{3}, -2$

b)  $\frac{7}{3}, 2$

c)  $-\frac{7}{3}, 2$

d)  $\frac{7}{3}, -2$

2)  $5x^2 - 20 = 0$

a)  $-2$

b)  $2$

c)  $-2, 2$

d)  $2, -1$

3)  $b^2 - 8b - 20 = 0$

a)  $-10, -2$

b)  $10, 2$

c)  $-10, 2$

d)  $10, -2$

4)  $a^2 - 6a + 5 = 0$

a)  $-1, -5$

b)  $1, 5$

c)  $-1, 5$

d)  $1, -5$

5)  $121 - 64x^2 = 0$

a)  $-\frac{11}{8}$

b)  $\frac{11}{8}$

c)  $-\frac{11}{8}, \frac{11}{8}$

d)  $\frac{11}{8}, 0$

السؤال الثاني: حلُّ المعادلات الآتية باستخدام القانون العام، وقَرِّبُ إجابتك لأقربِ جزءٍ مِنْ عشرةٍ.

1)  $(x+1)^2-1=0$

2)  $x^2-10x+21=0$

3)  $5x^2+7x-6=0$

4)  $7m^2-8m+1=0$

5)  $x^2+6x-7=0$