

النتاج : تعرف العلاقة وتحديد ما إذا كانت العلاقة اقتراناً أم لا
تحديد مجال الاقتران ومداه

القاعدة أو النظرية :
العلاقة هي مجموعة من الأزواج المرتبة ، حيث الإحداثي x للأزواج المرتبة هو المدخلات ، والإحداثي y هو المخرجات .
الاقتران هو علاقة تربط كل عنصر بالمجال بصورة واحدة فقط في المدى.

اختر الاجابة الصحيحة فيمايلي ؟

1- أي مما يلي يُمثل اقتراناً؟

- A) $\{(5, 2), (2, 1), (2, 1)\}$
C) $\{(4, 5), (4, 2), (3, 2)\}$

- B) $\{(8, 5), (7, 4), (6, 3)\}$
D) $\{(3, 6), (2, 7), (2, 6)\}$

2- إذا كان لدينا العلاقة $\{(9, 4), (7, 3), (5, 2), (3, 1)\}$ ، ما هو المجال؟

- A) $\{9, 7, 5, 3\}$
C) $\{7, 5, 3, 1\}$

- B) $\{4, 3, 2, 1\}$
D) $\{9, 4, 3, 2\}$

3- أي من الخيارات التالية يعبر عن المدى للعلاقة $\{(6, 2), (4, 1), (2, 0)\}$ ؟

- A) $\{0, 1, 2\}$

- B) $\{2, 4, 6\}$

- C) $\{1, 2, 4\}$

- D) $\{0, 2, 4\}$

4- أي من العلاقات الآتية لا تُمثل اقتران ؟

- A) $\{(-1, 2), (-5, 4), (1, -4), (5, 3)\}$

- B) $\{(0, 1), (1, 2), (3, 3), (5, 3)\}$

- C) $\{(1, 1), (2, 2), (3, 3), (5, 5)\}$

- D) $\{(1, -1), (2, -2), (-1, 1), (1, 3)\}$

$$f(2) = \frac{1}{2} \times 2 - 2$$

$$1 - 2 = -1$$

5- إذا كان $f(x) = \frac{1}{2}x - 2$ ، فإن $f(2)$ يساوي:

- A) -2

- B) -1

- C) 0

- D) 4

6- أي من الآتي يُمثل اقترانًا خطيًا؟

A) $f(x) = x^2 - 1$

B) $f(x) = 3x + 4$

C) $f(x) = \sqrt{x}$

D) $f(x) = \frac{2}{x}$

$t = 4$

7- يمثل الاقتران $d(t) = 300000t$ المسافة التي يقطعها الضوء بعد t ثانية. كم يقطع الضوء في 4 ثوانٍ؟

A) 600000 km

B) 900000 km

C) 1200000 km

D) 1500000 km

$d(4) = 300000 \times 4 = 1200000$

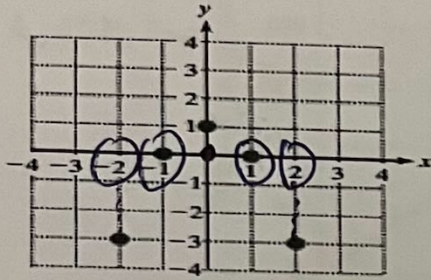
8- أي مما يلي يُعدّ اقترانًا غير خطي؟

A) $f(x) = 4x - 7$

B) $f(x) = -2x + 1$

C) $f(x) = x^2 + 3$

D) $f(x) = 3x - 5$



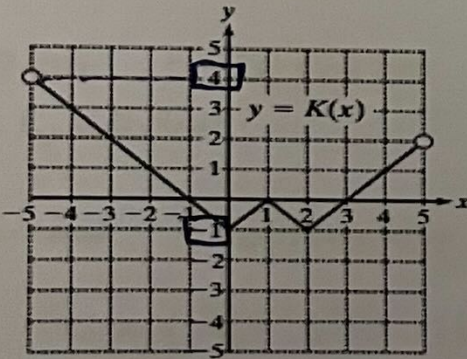
9- في الشكل المجاور ، ما مجال الاقتران ؟

A) $\{-2, 0, 1, 2\}$

B) $\{-3, -1, 1, 2\}$

C) $\{-2, -1, 0, 1, 2\}$

D) $\{-3, -1, 1, -3\}$



10- في الشكل المجاور ، ما مدى الاقتران ؟

A) $y \in [-5, 5]$

C) $x \in (-5, 5)$

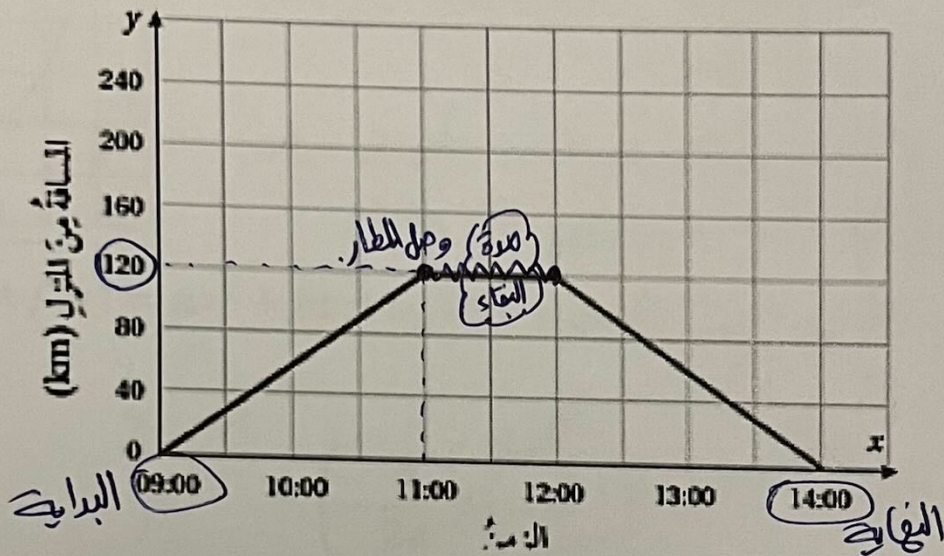
B) $y \in [-1, 2]$

D) $y \in [-1, 4)$

النتاج : تفسير التمثيلات البيانية للعلاقات

القاعدة أو النظرية :

يستعمل منحني الموقع - الزمن لتمثيل التغير في موقع جسم متحرك خلال مدة زمنية معينة بين نقطتين زمنيتين، إذ يظهر الموقع من نقطة البداية على المحور الرأسي ، والزمن على المحور الأفقي.



يوضح الشكل البياني رحلة شخص من منزله إلى مكان ما ثم عودته إليه ، اعتمد ذلك للإجابة عن الأسئلة الآتية:

1. في أي ساعة غادر أحمد منزله متوجهاً إلى المطار؟

- A) 8:00 B) 9:00 C) 10:00 D) 11:00

2. ما المسافة بين منزل أحمد والمطار بحسب الرسم البياني؟

- A) 100 km B) 120 km C) 140 km D) 160 km

3. كم من الوقت بقي أحمد في المطار قبل العودة؟

- A) نصف ساعة B) ساعة واحدة C) ساعتان D) ثلاث ساعات

4. ما السرعة المتوسطة لسيارة أحمد خلال الفترة من 9:00 حتى 11:00؟ زهاب ← إشارة صواب

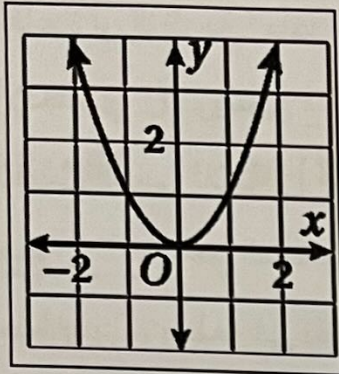
- A) 40 km/h B) 50 km/h C) 60 km/h D) 70 km/h

$$\Delta = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{120 - 0}{11 - 9} = \frac{120}{2} = 60 \text{ km/h}$$

5. ما الذي يمثله الجزء الأفقي من المنحنى بين 11:00 - 12:00؟

- A) أحمد يتحرك بسرعة ثابتة B) أحمد توقف في المطار
C) أحمد عاد إلى المنزل D) أحمد يسير بسرعة متغيرة

النتاج : تمثيل الاقتران التربيعي بيانيا



القاعدة أو النظرية : يأخذ التمثيل البياني للاقتران التربيعي شكل الحرف

الإنجليزي U، ويسمى قطعاً مكافئاً، كما في الشكل المجاور الذي يظهر

التمثيل البياني للاقتران $f(x) = x^2$.

محور التماثل هو المستقيم الرأسي الذي يقسم القطع المكافئ إلى جزأين

متطابقين، ويقطعه في نقطة واحدة تسمى الرأس.

معادلة محور التماثل لمنحنى الاقتران التربيعي $f(x) = ax^2 + bx + c$, $a \neq 0$ هي $x = -\frac{b}{2a}$

وإحداثيا رأسه هما:

$$\left(-\frac{b}{2a}, f\left(-\frac{b}{2a}\right)\right)$$

$$x = \frac{-b}{2a} = \frac{-24}{2 \cdot 6} = \frac{-24}{12} = -2$$

$$a = -6 \quad b = 24 \quad c = -5$$

(1) إذا كان $f(x) = -6x^2 + 24x - 5$ ، ما هي معادلة محور التماثل؟

(a) $x = -1$

(b) $x = 1$

(c) $x = -2$

(d) $x = 2$

(2) ما هو الاقتران التربيعي الذي معادلة محور التماثل فيه $x = 0$ ؟

(a) $f(x) = 3x^2 - 6x$

(b) $f(x) = x^2 - x + 2$

(c) $f(x) = 2x^2 - 1$

(d) $f(x) = -x^2 - 4x$

$$a = 2 \quad b = 0 \quad c = -1$$

$$x = \frac{-b}{2a} = \frac{-0}{2 \cdot 2} = 0$$

(3) إحداثيا نقطة رأس القطع المكافئ للاقتران التربيعي $f(x) = x^2 + 2x$

(a) $(-1, 1)$

(b) $(1, -1)$

(c) $(1, 1)$

(d) $(-1, -1)$

$$a = 1 \quad b = 2 \quad c = 0$$

$$x = \frac{-b}{2a} = \frac{-2}{2 \cdot 1} = -1$$

(4) ما هو الاقتران التربيعي الذي إحداثيا رأس قطعه المكافئ (1, 0)؟

$$a=2 \quad b=-4 \quad c=2$$

(a) $f(x) = 2x^2 - 4x + 2$

(c) $f(x) = 2x^2 - 4x - 2$

(b) $f(x) = -2x^2 - 4x + 2$

(d) $f(x) = -2x^2 - 4x - 2$

(5) إحدى الاقترانات الآتية يأخذ التمثيل البياني لها شكل القطع المكافئ: $\leftarrow$ يعني اقتران تربيعي

(a) $f(x) = x^3 - x$

(c) $f(x) = x^2 + x$

(b) $f(x) = -x + 2$

(d) $f(x) = \sqrt{x^2}$

(a) $(-2, -5)$

(b) $(2, -5)$

(6) أي من النقاط الآتية تقع على منحنى $f(x) = 3x^2 - 7$

(c) $(-2, 0)$

(d) $(2, 5)$

$$f(2) = 3(2)^2 - 7$$

$$3 \times 4$$

$$12 - 7 = 5$$

(a) $(0, -3)$

(b) $(1, 0)$

(7) أي من النقاط الآتية لا تقع على منحنى $f(x) = x^2 + 2x - 3$

(c) $(-1, -5)$

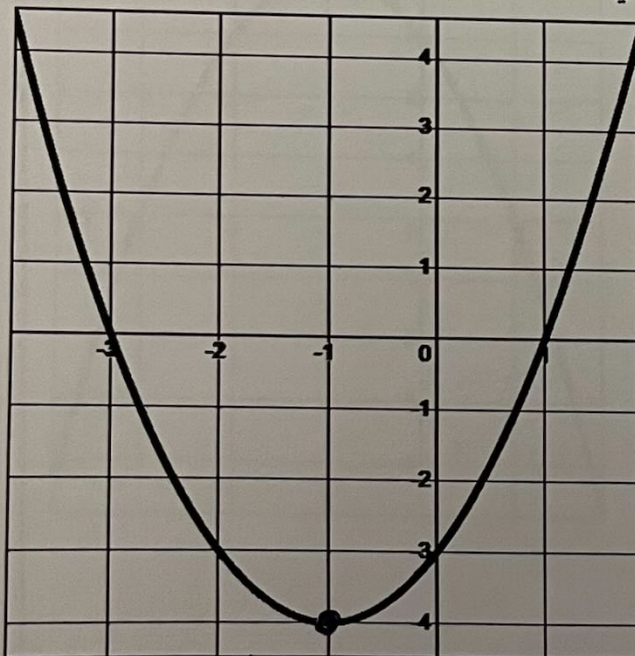
(d) $(2, 5)$

$$f(-1) = (-1)^2 + 2(-1) - 3$$

$$1 - 2 - 3 = -4$$

لا تصف
القاعدة

(8) ما هو الاقتران التربيعي الممثل بيانيا في المستوى الإحداثي الآتي؟



نقطة الرأس
 $(-1, -4)$

(a) $f(x) = \ominus x^2 - 2x - 3$ مفتوح للأسفل

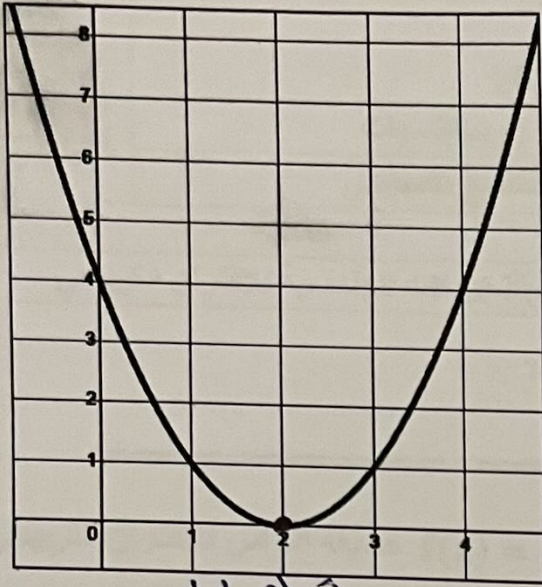
(b) $f(x) = x^2 + 2x - 3$ $X = \frac{-b}{2a} = \frac{-2}{2 \times 1} = -1$

(c) $f(x) = \ominus x^2 + 2x + 3$ مفتوح للأسفل

(d) $f(x) = x^2 - 2x + 3$

تعويضه
 $f(-1) = (-1)^2 + (2 \times -1) - 3$
 $1 + -2 - 3 = -4$

(9) ما هو الاقتران التربيعي الممثل بيانيا في المستوى الإحداثي الآتي ؟



نقطة الرأس
(2, 0)

(a) $f(x) = \cancel{x^2} - 4x + 4$ مفتوح للأسفل

(b) $f(x) = x^2 - 4x + 4$

(c) $f(x) = \cancel{x^2} + 4x - 4$ مفتوح للأسفل

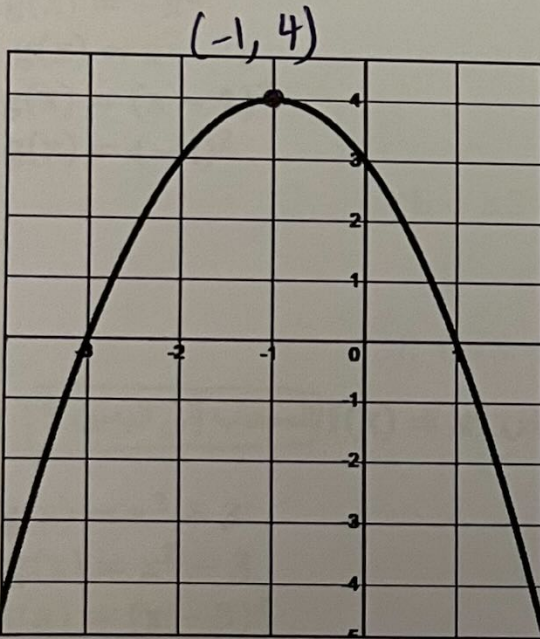
(d) $f(x) = x^2 + 4x - 4$

$x = \frac{-b}{2a} = \frac{4}{2 \times 1} = 2$

نقطة الرأس

$f(2) = (2)^2 - 4 \times 2 + 4$
 $= 4 - 8 + 4$
 $= 0$

(10) ما هو الاقتران التربيعي الممثل بيانيا في المستوى الإحداثي الآتي ؟



(-1, 4)

$f(-1) = -(-1)^2 - 2 \times -1 + 3 = -1 + 2 + 3 = 4$

$x = \frac{-b}{2a} = \frac{2}{2 \times -1} = \frac{2}{-2} = -1$

(a) $f(x) = -x^2 - 2x + 3$

(b) $f(x) = x^2 + 2x - 3$ مفتوح للأعلى

(c) $f(x) = -x^2 + 2x + 3$

(d) $f(x) = x^2 - 2x + 3$ مفتوح للأعلى

النتاج : استكشاف التحويلات الهندسية الاقتران التربيعي.

القاعدة أو النظرية : تسمى الصيغة $f(x) = a(x - h)^2 + k$: $a \neq 0$ صيغة الرأس للاقتران التربيعي، حيث (h, k) هو رأس القطع المكافئ، ويمكن استعمالها لكتابة قاعدة الاقتران التربيعي الناتج من تطبيق تحويل هندسي أو أكثر على الاقتران التربيعي الرئيس، بحيث يمثل h الانسحاب الأفقي، ويمثل k الانسحاب الرأسي، أما a فيمثل الانعكاس والتمدد الرأسي.

(1) واحد من الاقترانات الآتية ينتج من انعكاس منحنى الاقتران الرئيس $f(x) = x^2$ حول محور x :

- (a) $g(x) = -x^2$
- (b) $g(x) = x^2 - 1$
- (c) $g(x) = (x - 1)^2$
- (d) $g(x) = (-x)^2$

(2) واحد من الاقترانات الآتية ينتج من انسحاب منحنى الاقتران الرئيس $f(x) = x^2$ انسحاب إلى اليمين 3 وحدات:

- (a) $g(x) = x^2 + 3$
- (b) $g(x) = x^2 - 3$
- (c) $g(x) = (x - 3)^2$
- (d) $g(x) = (x + 3)^2$

(3) واحد من الاقترانات الآتية ينتج من التوسيع الرأسي لمنحنى الاقتران الرئيس $f(x) = x^2$ بمعامل مقداره 2:

- (a) $g(x) = 2x^2$
- (b) $g(x) = x^2 + 2$
- (c) $g(x) = \frac{1}{2}x^2$
- (d) $g(x) = (x + 2)^2$

(4) واحد من الاقترانات الآتية ينتج من التضييق الراسي لمنحنى الاقتران الرئيس $f(x) = x^2$ بمعامل مقداره $\frac{1}{2}$:

- (a) $g(x) = 2x^2$
- (b) $g(x) = x^2 + 2$
- (c) $g(x) = \frac{1}{2}x^2$
- (d) $g(x) = (x + 2)^2$

(5) واحد من الاقترانات الآتية ينتج من انعكاس لمنحنى الاقتران الرئيس $f(x) = x^2$ حول محور x ، ثم انسحاب إلى اليسار 5 وحدات:

- (a) $g(x) = -x^2 + 5$
- (b) $g(x) = -x^2 - 5$
- (c) $g(x) = -(x - 5)^2$
- (d) $g(x) = -(x + 5)^2$

(6) حدد الاقتران الناتج من انعكاس لمنحنى الاقتران الرئيس $f(x) = x^2$ حول محور x ، ثم انسحاب إلى الأسفل 5 وحدات:

- (a) $g(x) = -x^2 + 5$
- (b) $g(x) = -x^2 - 5$
- (c) $g(x) = -(x - 5)^2$
- (d) $g(x) = -(x + 5)^2$

(7) حدد الاقتران الناتج من انعكاس لمنحنى الاقتران الرئيس $f(x) = x^2$ حول المحور x ، ثم توسيع رأسي بمعامل مقداره 4 ، ثم انسحاب إلى اليمين 5 وحدات، ثم انسحاب إلى الأسفل 3 وحدات:

- (a) $g(x) = -4(x + 5)^2 - 3$
- (b) $g(x) = -4(x + 5)^2 + 3$
- (c) $g(x) = -4(x - 5)^2 + 3$
- (d) $g(x) = -4(x - 5)^2 - 3$

(8) حدد الاقتران الناتج من انعكاس لمنحنى الاقتران الرئيس $f(x) = x^2$ حول المحور x ، ثم تضييق رأسي بمعامل مقداره 0.5 ، ثم انسحاب إلى اليسار 6 وحدات، ثم انسحاب إلى الأعلى وحدتين:

- (a) $g(x) = -0.5(x + 6)^2 - 2$
- (b) $g(x) = -0.5(x + 6)^2 + 2$
- (c) $g(x) = -0.5(x - 6)^2 + 2$
- (d) $g(x) = -0.5(x - 6)^2 - 2$

(9) صف التحويل الهندسي الذي أثر في منحنى الاقتران $f(x) = x^2$ للحصول على منحنى الاقتران $g(x) = x^2 - 4$

- (a) انسحاب للأعلى 4 وحدات
- (b) انسحاب للأسفل 4 وحدات
- (c) انسحاب لليمين 4 وحدات
- (d) انسحاب لليسار 4 وحدات

(10) صف التحويل الهندسي الذي أثر في منحنى الاقتران $f(x) = x^2$ للحصول على منحنى الاقتران $g(x) = \frac{1}{4}x^2$

- (a) توسيع رأسي بمعامل مقداره 4
- (b) توسيع رأسي بمعامل مقداره $\frac{1}{4}$
- (c) تضيق رأسي بمعامل مقداره 4
- (d) تضيق رأسي بمعامل مقداره $\frac{1}{4}$