

النتاج: يربط بين الأسس النسبية والجذور ويحول بينهما.

الأعداد الحقيقية

الدرس الخامس : الأسس النسبية والجذور

السؤال الأول:

اكتب الصور الأسية الآتية في صورة جذرية:

$x^{\frac{3}{5}} = \sqrt[5]{x^3}$	$w^{\frac{3}{2}} = \sqrt{w^3}$
$w^{\frac{2}{9}} = \sqrt[9]{w^2}$	$b^{\frac{7}{3}} = \sqrt[3]{b^7}$
$a^{\frac{3}{7}} = \sqrt[7]{a^3}$	$(2x)^{\frac{1}{4}} = \sqrt[4]{2x}$

السؤال الثاني:

اكتب الصور الجذرية الآتية في صورة أسية

$\sqrt[4]{b^7} = b^{\frac{7}{4}}$	$\sqrt[5]{m^2} = m^{\frac{2}{5}}$
$\sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$	$\sqrt[5]{-20} = (-20)^{\frac{1}{5}}$

$\sqrt[3]{d^2} = d^{\frac{2}{3}}$	$\sqrt[3]{\frac{5}{x^2}} = \left(\frac{5}{x^2}\right)^{\frac{1}{3}}$
-----------------------------------	--

السؤال الثالث:

جد قيمة ما يأتي دون استخدام الآلة الحاسبة .

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 27} \\ \underline{3} \\ 9 \\ \underline{9} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{aligned} (-27)^{\frac{1}{3}} &= \sqrt[3]{(-27)^1} \\ &= (-3)^1 = -3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (169)^{\frac{1}{2}} &= \sqrt{169} \\ &= 13 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 13 \overline{) 169} \\ \underline{13} \\ 39 \\ \underline{39} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{aligned} \left(\frac{343}{27}\right)^{\frac{2}{3}} &= \sqrt[3]{\left(\frac{343}{27}\right)^2} = \left(\frac{7}{3}\right)^2 \\ &= \frac{49}{9} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 7 \overline{) 343} \\ \underline{7} \\ 49 \\ \underline{49} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{aligned} \left(\frac{-1}{8}\right)^{\frac{4}{3}} &= \sqrt[3]{\left(\frac{-1}{8}\right)^4} = \left(\frac{-1}{2}\right)^4 \\ &= \frac{1}{16} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 8} \\ \underline{2} \\ 4 \\ \underline{4} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{aligned} (64)^{\frac{5}{6}} &= \sqrt[6]{64^5} = (2)^5 \\ &= 32 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 64} \\ \underline{2} \\ 32 \\ \underline{2} \\ 16 \\ \underline{2} \\ 8 \\ \underline{2} \\ 4 \\ \underline{2} \\ 2 \\ \underline{2} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{aligned} (-243)^{\frac{2}{5}} &= \sqrt[5]{(-243)^2} \\ &= (-3)^2 = 9 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 243} \\ \underline{3} \\ 81 \\ \underline{3} \\ 27 \\ \underline{3} \\ 9 \\ \underline{3} \\ 3 \\ \underline{3} \\ 0 \end{array}$$

انتهت ورقة العمل

الناتج: يستعمل ضرب الأسس النسبية وقسمتها في إيجاد قيم مقادير تحتوي أسس نسبية وتبسيطها.

الأعداد الحقيقية

الدرس السادس: ضرب الأسس النسبية وقسمتها

السؤال الأول: أجد قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة

$9^{\frac{2}{3}} \times 3^{\frac{2}{3}}$	$= (3^2)^{\frac{2}{3}} \times 3^{\frac{2}{3}}$ $= 3^{\frac{4}{3}} \times 3^{\frac{2}{3}} = 3^{\frac{6}{3}} = 3^2 = 9$	
$\sqrt[5]{32 \times 3^{10}}$	$= \sqrt[5]{32} \times \sqrt[5]{3^{10}}$ $= 2 \times 3^{\frac{10}{5}}$ $= 2 \times 3^2 = 18$	أولى الطريقة أخرى
$\frac{4^{\frac{5}{2}}}{8^{\frac{2}{3}}}$	$= \frac{(2^2)^{\frac{5}{2}}}{(2^3)^{\frac{2}{3}}} = \frac{2^5}{2^2} = 2^3 = 8$	أولى الطريقة أخرى
$\frac{\sqrt[3]{125}}{25^{\frac{-3}{2}}}$	$= \frac{5}{(5^2)^{\frac{-3}{2}}} = \frac{5}{5^{-3}} = 5^4 = 625$	
$\left(\frac{36}{64}\right)^{-\frac{3}{2}}$	$= \left(\frac{64}{36}\right)^{\frac{3}{2}} = \sqrt{\left(\frac{64}{36}\right)^3}$ $= \left(\frac{8}{6}\right)^3 = \frac{512}{216} = \frac{64}{27}$	

السؤال الثاني: أبسط كلَّ من العبارات الآتية مفترضًا أن أيًّا من المتغيرات لا يساوي صفرًا:

$x^{-\frac{3}{4}} \times x^{\frac{11}{4}}$	$= x^2$	$\frac{-3}{4} + \frac{11}{4} = \frac{8}{4} = 2$
$\frac{y^{-3}}{y^{-\frac{8}{3}}}$	$= y^{\frac{1}{3}}$ $= \frac{1}{y^{\frac{1}{3}}}$	$-3 - -\frac{8}{3}$ $= \frac{-3 \times 3}{1 \times 3} + \frac{8}{3}$ $= \frac{-9}{3} + \frac{8}{3} = \frac{-1}{3}$
$\frac{t^2 \times t^{-\frac{7}{2}}}{t^{-3}}$	$= \frac{t^{-\frac{3}{2}}}{t^{-3}}$ $= t^{\frac{3}{2}}$	$\frac{2 \times 2}{2 \times 1} + \frac{-7}{2}$ $\frac{4}{2} + \frac{-7}{2} = \frac{-3}{2}$ <hr/> $\frac{-3}{2} - -3$ $\frac{-3}{2} + \frac{3 \times 2}{1 \times 2}$ $\frac{-3}{2} + \frac{6}{2}$ $= \frac{3}{2}$

انتهت ورقة العمل

الناتج: كتابة العدد بالصيغة العلمية والصيغة القياسية
إجراء عمليتي الضرب والقسمة على الأعداد في
الصيغة العلمية للعدد

الأعداد الحقيقية

الدرس السابع : الصيغة العلمية

السؤال الأول: اكتب الأعداد الآتية بالصيغة العلمية:

$$54.982 = 5.4982 \times 10^1$$

$$452.23 = 4.5223 \times 10^2$$

$$0.000024 = 2.4 \times 10^{-6}$$

$$0.0004 = 4 \times 10^{-4}$$

السؤال الثاني: اكتب كل عدد مما يأتي بالصيغة القياسية:

$$5.45 \times 10^6 = 5450000$$

$$2.7 \times 10^{-5} = 0.000027$$

$$5 \times 10^{-5} = 0.00005$$

$$1.25 \times 10^9 = 1250000000$$

السؤال الثالث: أوجد ناتج كل مما يلي بالصيغة العلمية:

$$\begin{aligned} 1) & (8.4 \times 10^3)(6.7 \times 10^{-2}) \\ & = 8.4 \times 6.7 \times 10^3 \times 10^{-2} \\ & = 56.28 \times 10^1 = 5.628 \times 10^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) & (2 \times 10^3)(3.2 \times 10^5) \\ & = 2 \times 3.2 \times 10^3 \times 10^5 \\ & = 6.4 \times 10^8 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3) & (3.6 \times 10^8) \div (1.2 \times 10^5) \\ & \frac{3.6}{1.2} \times \frac{10^8}{10^5} = 3 \times 10^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) & (4.2 \times 10^5) \div (2 \times 10^2) \\ & \frac{4.2}{2} \times \frac{10^5}{10^2} = 2.1 \times 10^3 \end{aligned}$$

انتهت ورقة العمل

النتاج: إيجاد قيمة النسبة المئوية من عدد , حل مسائل عملية على النسبة المئوية.

الأعداد الحقيقية

الدرس الثامن : النسبة المئوية

السؤال الأول: جد قيمة كل مما يلي:

20% من 350	0.7% من 200
130% من 50	3.5% من 5000
2.5% من 1200	10% من 90

السؤال الثاني: جد قيمة كل ما يلي:

(1) يتقاضى محمد راتب 800 دينار في إحدى الشركات ، ثم حصل على زيادة على راتبه بمقدار 20% فما مقدار راتب احمد بعد الزيادة؟

(2) جهاز حاسوب ثمنه 500 دينار اصبح عليه خصم بقيمة 12% ، فما ثمن الجهاز بعد الخصم؟

السؤال الثالث:

(1) إذا باع تاجر أجهزة حاسوب بقيمة 3000 دينار ، وكانت نسبة ربح التاجر 25% ، فما تكلفة اجم الحاسوب

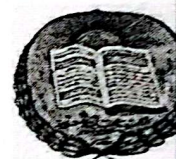
(2) اعلن متجر لاجهزة تبريد عن خصم قيمته 20% ، إذا كان ثمن جهاز بعد الخصم 500 دينار، فما ثمن الجهاز قبل الخصم؟

السؤال الرابع:

(1) عند زيادة الطاقة الاستيعابية لعدد شعبة في مدرسة من 40 طالب إلى 50 طالب فما النسبة المئوية للتغيير؟

(2) عنصر كتلته 60 غرام اخذ بالذوبان بفعل محلول لتصبح كتلته 54 فما النسبة المئوية للتغيير؟

انتهت ورقة العمل



أضع دائرة حول رمز الإجابة الصحيحة فيما يلي:

1- أي من الأعداد الآتية تصنف عدد غير نسبي؟

- a) $-\sqrt{121}$ b) 5.2563 ... c) 1.66666 ... d) $\sqrt{49}$

2- يكتب العدد $\sqrt[5]{49^3}$ على صورة أسية :

- a) $49^{\frac{5}{3}}$ b) 7^3 c) $49^{\frac{3}{5}}$ d) $49^{\frac{-3}{5}}$

3- واحدة من التالية تمثل أضلاع مثلث قائم الزاوية ؟

- a) 5, 12, 13 b) 4, 5, 6 c) 9, 5, 4 d) 4, 8, 9

4- أحل المعادلة الآتية $x^2 = 1.96$ يساوي :

- a) $x = \mp 1.4$ b) $x = \mp 14$ c) $x = \mp 13$ d) $x = 1.3$

5- ناتج $16^{\frac{2}{4}}$ يساوي :

- a) 4 b) 2 c) $\frac{1}{2}$ d) 8

6- أي مما يلي عدد غير نسبي :

- a) $\frac{22}{7}$ b) $\sqrt{16}$ c) π d) $-\frac{5}{3}$

7- أي من الأعداد التالية يُعتبر جذراً أصم :

- a) $\sqrt{25}$ b) $\sqrt{50}$ c) $\sqrt{36}$ d) $\frac{9}{3}$

8- يكتب المقدار الآتي $b^{\frac{3}{2}}$ بصورة جذرية :

- a) \sqrt{b} b) $\sqrt[3]{b^2}$ c) $\sqrt[3]{b}$ d) $\sqrt{b^3}$

9- أجد ناتج $(2 \times 10^3)(3.2 \times 10^5)$ بالصيغة العلمية :

- a) 6.4×10^{28} b) 6.4×10^{-2} c) 64×10^{-7} d) 0.64×10^7

10- أبسط العبارة الأسية $x^{\frac{-3}{4}} \times x^{\frac{11}{4}}$ مفترضًا أن x لا يساوي صفرًا:

a) $x^{\frac{-8}{4}}$

b) x^2

c) $x^{\frac{-14}{4}}$

d) x^{-2}

11- أبسط العبارة الأسية $\frac{y^2 \times y^{\frac{-3}{2}}}{y^3}$ مفترضًا أن x لا يساوي صفرًا:

a) $\frac{1}{y^{\frac{5}{2}}}$

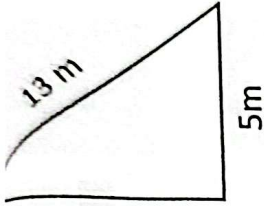
b) $y^{\frac{2}{5}}$

c) $y^{\frac{-2}{5}}$

d) y^{-2}

$2 + \frac{-3}{2} = \frac{1}{2}$
 $\frac{y^{\frac{1}{2}}}{y^3} = \frac{1}{y^{\frac{5}{2}}}$

12- يبعد شخص مسافة 13 متر عن قمة أعلى شجرة، ويبلغ ارتفاع الشجرة عن سطح الأرض 5 متر، احسب مساحة المثلث الناتج.



a) $50 m^2$

b) $60 m^2$

c) $65 m^2$

d) $30 m^2$

13- مثلث قائم الزاوية طول ساقيه 3، 4 متر، فإن طول وتره يساوي:

a) $12 m$

b) $\sqrt{5} m$

c) $25 m$

d) $5 m$

14- ناتج $5\sqrt{3} - \sqrt{3}$ يساوي:

a) $4\sqrt{5}$

b) $5\sqrt{3}$

c) $-4\sqrt{3}$

d) $4\sqrt{3}$

15- يكتب المقدار التالي بأبسط صورة $(y^{-2})^{\frac{-5}{2}}$: y^5

a) $\frac{1}{y^5}$

b) y^5

c) $y^{\frac{1}{5}}$

d) $y^{\frac{-21}{2}}$

16- يكتب العدد $\sqrt{45}$ بأبسط صورة:

a) $9\sqrt{5}$

b) $3\sqrt{3}$

c) $3\sqrt{5}$

d) $\sqrt{45}$

17- لوحة مربعة الشكل مساحتها 0.81 متر مربع، ما محيطها؟

a) $0.9 m$

b) $0.36 m$

c) $25 m$

d) $3.6 m$

18- أبسط المقدار الآتي $\sqrt{7}(4 - \sqrt{7})$:

a) $28\sqrt{7}$

b) $4\sqrt{7} - 7$

c) $3\sqrt{7} - 7$

d) $4\sqrt{7} - \sqrt{7}$

انتهت الأسئلة

النتاج: ايجاد مربع مجموع حدين ومجموع حدين في الفرق بينهما

تحليل المقادير الجبرية

الدرس الأول: حالات خاصة من ضرب المقادير

السؤال الأول: جد ناتج كل ما يأتي بأبسط صورة:

$$(2X + 4)^2 = (2x)^2 + 2 \times 2x \times 4 + (4)^2 \\ = 4x^2 + 16x + 16$$

$$(Z - 1)^2 = (Z)^2 - 2 \times Z \times 1 + (1)^2 = Z^2 - 2Z + 1$$

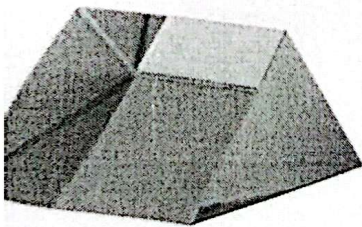
$$(2X - 5)(2X + 5) = (2x)^2 - (5)^2 \\ = 4x^2 - 25$$

$$(W^2 - 2)(W^2 + 2) = (w^2)^2 - (2)^2 = w^4 - 4$$

السؤال الثاني: قطعة أرض مربعة الشكل طول ضلعها $x^2 + 4$ متر، احسب مساحة الأرض بدلالة x بأبسط صورة.

$$A = S^2 = (x^2 + 4)^2 \\ = (x^2)^2 + 2 \times x^2 \times 4 + (4)^2 \\ = x^4 + 8x^2 + 16$$

السؤال الثالث: يمثل الشكل المجاور المنشور الزجاجي في مختبر العلوم في مدرستي. إذا علمت أن محيط القاعدة



الارتفاع $3x^2 + 2$ متر و ارتفاعه $3x^2 - 2$ متر، جد مساحته الجانبية.
المساحة الجانبية = محيط القاعدة \times الارتفاع

$$S.A = P \times L$$

$$= (3x^2 + 2)(3x^2 - 2)$$

$$= (3x^2)^2 - (2)^2 = 9x^4 - 4$$

الناتج: يحلل مقادير جبرية بإخراج عامل مشترك

تحليل المقادير الجبرية

الدرس الثاني: التحليل بإخراج العامل مشترك الأكبر.

المسألة الأولى: جد العامل المشترك الأكبر للحدود الجبرية في كل مما يلي:

$21x^2w^3, 7x^3w$ $21 = 7 \times 3$ $7 = 7$ $7x^2w$	$5b, 15by$ $5 = 5$ $15 = 5 \times 3$ $5b$
$5b^2c, 7dx$ لا يوجد عامل مشترك أكبر	$12b^2, 44w$ $12 = 2 \times 2 \times 3$ $44 = 2 \times 2 \times 11$ $2 \times 2 = 4$ 4
$2x^3y, 14xy, 8x^2y^3$ $2 = 2$ $14 = 2 \times 7$ $8 = 2 \times 2 \times 2$ $2xy$	$77p^2xz, 33px^2y$ $77 = 11 \times 7$ $33 = 11 \times 3$ $11px$

المسألة الثانية: حل كل المقادير الجبرية تحليلاً كاملاً في كل مما يلي:

$3b+81=$ $3(b+27)$	$3 = 3$ $81 = 3 \times 3 \times 3 \times 3$ 3
$5x-20x^2+10x^3=$ $5x(1-4x+2x^2)$	$5 = 5$ $20 = 5 \times 2 \times 2$ $10 = 5 \times 2$ 5
$a^2 - 2ab + 12ab - 24b^2 =$ $a(a-2b) + 12b(a-2b)$ $(a-2b)(a+12b)$	

$$8x^2 + 4x - 12xy - 6x^2y =$$

غير مطالب

الطول والعرض

$$A = L \times W$$

السؤال الثالث: قطعة حلوى على شكل مستطيل، مساحتها $q^2 - 3qb + 15q - 45b$ متر مربع، جد أبعادها

الممكنة بدلالة b, q

$$= q(q - 3b) + 15(q - 3b)$$

$$\text{الطول} \rightarrow (q + 15) \leftarrow \text{العرض} (q - 3b)$$

